

1 Fonction exponentielle

1 Pour tous réels x et y on a : $e^{x+y} = e^x + e^y$.

- vrai faux

2 Pour tout réel x on a : $e^{\frac{x}{2}} = \sqrt{e^x}$.

- vrai faux

3 Pour tout réel x on a : $(e^x)^2 = e^{x^2}$.

- vrai faux

4 Pour tout réel λ , l'équation $e^x = \lambda$ admet une solution unique sur \mathbb{R} .

- vrai faux

5 Le réel

$$3e^3 \cdot \frac{(2\sqrt{e^3})^2}{6e^{-4}}$$

est égal à :

- $-2e^{13}$ $-2e^{10}$ $2e^{13}$ $2e^{10}$

6 Pour tout $x \in \mathbb{R}$, le réel

$$\frac{(e^{-x})^4}{(e^x)^2 \cdot e}$$

est égal à :

- e^{-6x-1} e^{-6x+1} e^{-6x} e^{-x^2+4x-1}

7 Pour tout $x \in \mathbb{R}$, le réel

$$\frac{e^x \cdot (1 - e^{-x})}{e^x - e^{2x}}$$

est égal à :

- e^{-x} $-e^{-x}$ $\frac{1}{e^{-x}}$ $-\frac{1}{e^x}$

8 La fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$$

est bornée sur \mathbb{R} .

- vrai faux

9 La tangente à la courbe représentative de la fonction exponentielle au point d'abscisse $1 + n$ passe par le point de coordonnées $(n; 0)$ pour tout entier n .

- vrai faux

10 La fonction définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$$

est paire.

- vrai faux

11 Dans un repère orthonormé, la courbe représentative de la fonction $x \mapsto e^{x^2+6x-7}$ est symétrique par rapport à la droite d'équation $x = -3$.

- vrai faux

12 La fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = (e^x + e^{-x})^2 - (e^x - e^{-x})^2$$

est constante sur \mathbb{R} .

- vrai faux

13 La solution sur \mathbb{R} de l'équation $e^{-2x} - e = 0$ est :

- $\frac{1}{2}$ 0 $-\frac{1}{2}$

14 La solution sur \mathbb{R} de l'équation $e^{2x-1} = (e^x)^4$ est :

- 1 $-\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

15 L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'équation

$$2 \cdot e^{2x} + 3 \cdot e^x - 5 = 0$$

est :

- \emptyset $\{0\}$ $\{1\}$ $\{1; -\frac{5}{2}\}$

16 L'ensemble des solutions sur \mathbb{R} de l'équation

$$e^x - e \cdot e^{-x} + e - 1 = 0$$

est :

- $\{0\}$ \emptyset $\{1\}$ $\{1; 0\}$

17 L'ensemble des solutions sur \mathbb{R} de l'équation

$$e \cdot e^{\frac{2}{x}} = e^x$$

est :

- $\{-2; 1\}$ $\{2\}$ $\{2; -1\}$

18 L'ensemble des solutions réelles de l'équation $e^{\cos x} = e$ est :

- $\{2k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$ $\{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$
 $\{(2k+1)\frac{\pi}{2} \mid k \in \mathbb{Z}\}$

19 L'ensemble des solutions réelles de l'équation

$$e^{\sin x} - \frac{1}{e^{\sin x}} = 0$$

est :

- \emptyset \mathbb{R} $\{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$

20 Pour tout réel x on a :

$$e^{-x} + e^x \geq 2$$

- vrai faux

21 L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'inéquation exponentielle $\frac{e^{2x}}{e} > 1$ est :

- \mathbb{R} $(-\infty; \frac{1}{2}[$ $]0; \infty)$ $]\frac{1}{2}; +\infty)$

22 La limite en $+\infty$ de la fonction f définie sur \mathbb{R}^* par $f(x) = e^{\frac{1}{x}}$ est :

- 0 $+\infty$ 1

23 La limite en $-\infty$ de la fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

est :

- 0 1 $+\infty$

24 La limite en $-\infty$ de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = e^{2x} + e^x + 1$ est :

- 3 1 $-\infty$

25 La limite en $-\infty$ de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x + e^{-x}$ est :

- $-\infty$ $+\infty$ 0

26 La limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{2x+1}}{x}$$

est :

- 2 $2e$ $+\infty$

27 La limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{3x} - 1}{e^x - 1}$$

est

- 3 1 $+\infty$

28 La limite

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x}{\sqrt{x}}$$

est :

- $+\infty$ 2 1

29 La limite

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{x}$$

est :

- 0 1 2 $\frac{1}{2}$

30 La limite

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^{3-2x}}{3x}$$

est :

- 1 $-e^3$ $-\infty$ $+\infty$

31 La limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x} \cdot (\cos(x) + \sin(x))$$

est :

- 0 $-\infty$ Non définie.

32 La limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{e^{2x} + 1} - e^x$$

est :

- 1 $-\infty$ $+\infty$ 0

33 La fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \begin{cases} e^{-\frac{1}{x^2}} & \text{si } x \neq 0 \\ 0 & \text{si } x = 0 \end{cases}$$

est continue en 0.

- vrai faux

34 La fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \begin{cases} x \cdot e^{\frac{1}{x}} & \text{pour } x > 0 \\ 0 & \text{pour } x \leq 0 \end{cases}$$

est continue en 0.

- vrai faux

35 La droite d'équation $y = x + 2$ est asymptote à la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \frac{x}{e^x + 1} + 2$$

- vrai faux

36 La dérivée de la fonction $f : x \mapsto e^{-3x}$ est

- e^{-3x} $-3 \cdot e^{-3x}$ $-\frac{1}{3} \cdot e^{-3x}$

37 Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par l'expression $f(x) = e^{2x} \cdot \cos(x)$. La fonction dérivée de f sur \mathbb{R} est définie par :

- $(2 \cos(x) - \sin(x)) \cdot e^{2x}$ $(\sin(x) - \cos(x)) \cdot e^{2x}$ vrai faux
 $2e^{2x} \cos(x) - e^{2x} \sin(x)$

38 Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par l'expression $f(x) = e^{\cos x}$. La fonction dérivée de f sur \mathbb{R} est définie par :

- $-\sin(x) \cdot e^{\cos x}$ $e^{\cos x}$ $\sin(x) \cdot e^{\cos x}$

39 Soit la fonction f définie sur \mathbb{R}^* par $f(x) = \frac{e^{-x}}{x^2}$. La fonction dérivée de f sur \mathbb{R}^* est définie par :

- $\frac{(-x+2) \cdot e^{-x}}{x^3}$ $\frac{(x-2) \cdot e^{-x}}{x^3}$
 $-\frac{(x+2) \cdot e^{-x}}{x^3}$

40 Soit la fonction f définie sur $]1; +\infty)$ par

$$f(x) = e^{\frac{2x+3}{1-x}}$$

La fonction dérivée de f sur $]1; +\infty)$ est définie par :

- $\frac{-4x+1}{(1-x)^2} e^{\frac{2x+3}{1-x}}$ $\frac{-5}{(1-x)^2} e^{\frac{2x+3}{1-x}}$
 $\frac{5}{(1-x)^2} e^{\frac{2x+3}{1-x}}$

41 La fonction f définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \begin{cases} e^{-\frac{1}{x^2}} & \text{pour } x \in \mathbb{R}^* \\ 0 & \text{si } x = 0 \end{cases}$$

est dérivable en 0.

- vrai faux

42 Une équation de la tangente au point d'abscisse 0 à la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = e^x - e^{-x}$ est :

- $y = 0$ $x = 0$ $y = 2x$

43 Il existe un unique point de la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = e^{3x}$ ayant une tangente parallèle à la droite d'équation $y = 3x$.

- vrai faux

44 La courbe représentative de la fonction exponentielle est au-dessus de chacune de ses tangentes.

- vrai faux

45 Une primitive de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = e^{-5x}$ est la fonction F définie par :

- e^{-5x} $-5 \cdot e^{-5x}$ $-\frac{1}{5} \cdot e^{-5x}$

46 La fonction f définie sur $]0; +\infty)$ par la relation $f(x) = e^{x^2}$ a pour primitive sur \mathbb{R} la fonction F définie par $F(x) = \frac{1}{2x} \cdot e^{x^2}$.

- vrai faux

47 La fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \sqrt{e^x}$ a pour primitive sur \mathbb{R} la fonction F définie par l'expression analytique $F(x) = 2 \cdot e^{\frac{x}{2}}$.

- vrai faux

48 Une primitive de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x \cdot e^{x^2+1}$ est la fonction F définie par :

- $\frac{1}{2} \cdot e^{x^2+1}$ $2 \cdot e^{x^2+1}$ $\frac{x^2}{2} \cdot e^{x^2+1}$

49 Une primitive de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \frac{e^{3x+2e^x-1}}{e^x}$ est la fonction F définie par :

- $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x - e^{-x}$ $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x + e^{-x}$
 $e^{2x} + 2x - e^{-x}$

50 Une primitive de la fonction f définie sur $(-\infty; 0[$ par $f(x) = \frac{1}{x^2} \cdot e^{\frac{2}{x}}$ est la fonction F définie par :

- $-\frac{1}{2}e^{\frac{2}{x}}$ $\frac{1}{2}e^{\frac{2}{x}}$ $-2e^{\frac{2}{x}}$

51 La fonction F définie sur \mathbb{R} par l'expression $F(x) = (ax + b) \cdot e^x$ est une primitive de la fonction f définie par $f(x) = (2x + 1) \cdot e^x$ lorsque le couple de réels $(a; b)$ est égal à :

- $(2; 3)$ $(2; 1)$ $(2; -1)$

2 Fonction logarithme

52 Si a et b sont des réels strictement positifs, alors $\ln(a) \cdot \ln(b)$ est égal à :

- $\ln(a \cdot b)$ $\ln(a + b)$ On ne peut rien dire

53 Si a et b sont des réels strictement positifs, alors le nombre $\frac{\ln(a)}{\ln(b)}$ est égal à :

- On ne peut rien dire $\ln(a) - \ln(b)$
 $\ln\left(\frac{a}{b}\right)$ $\ln(a - b)$

54 $\ln(72) - \ln(27)$ est égal à :

- $\ln(8) - \ln(3)$ $3 \ln(2) - \ln(3)$
 $\ln(45)$ $\ln\left(\frac{8}{3}\right)$

55 Le nombre $\ln\left(\frac{1}{e}\right)^2 - \ln^2 \frac{1}{e}$ est égal à :

- 3 -1 0 -3

56 Le nombre $e^{-2 \ln 3}$ est égal à

- $\frac{1}{9}$ $2 \ln \sqrt{e^3}$ $\frac{e^{\ln(2) - \ln(3)}}{e^{\ln(2) + \ln(3)}}$

57 Pour tout $x \in \mathbb{R}$, on a : $\frac{1}{3} \cdot \ln(e^{3x}) = x$.

- vrai faux

58 Pour tout $x \in \mathbb{R}$, on a : $\ln(e^x + 3) = x + \ln 3$.

- vrai faux

59 Pour tout réel $x > 0$, on a : $\ln(\sqrt{x})^3 = \frac{3}{2} \ln(x)$.

- vrai faux

60 Pour tout $x \in]-1; +1[$, on a :

$$\ln[(1-x)(x+1)] = \ln(1-x) + \ln(x+1)$$

- vrai faux

61 Soit x et y deux réels strictement positifs. Si $\log(x) + \log(y) = 3$ alors :

- $xy = 3$ $xy = e^{10^3}$ $xy = 10^3$

62 L'équation $\ln(x) = \frac{1}{2}$ a pour solution :

- $\frac{1}{\sqrt{e}}$ \sqrt{e} $-\frac{1}{\sqrt{e}}$ $\frac{1}{2}e$

63 L'équation $\ln(x-1) - \ln(1-2x)$ a pour solution :

- $-\frac{2}{3}$ Aucune 0 $\frac{2}{3}$

64 L'ensemble des solutions de l'équation logarithmique $\ln(9-x^2) = \ln(3-x)$ est :

- $\{-2\}$ $\{3; -2\}$ $] -2; 3[$ $\{3\}$

65 Le nombre $e^{-\frac{1}{2}}$ est solution de l'équation logarithmique $2 \cdot \ln^2(x) - 3 \cdot \ln(x) - 2 = 0$.

- vrai faux

66 Quelque soit le réel λ , l'équation $\ln(x) = \lambda$ admet une unique solution sur $]0; +\infty[$.

- vrai faux

67 Pour tout réel $x > 0$ on a : $\ln(x) \geq 0$.

- vrai faux

68 Pour tout réel $x > 0$, on a la relation

$$\ln\left(\frac{1}{x}\right) > 1 \iff x < e^{-1}$$

vrai faux

69 L'ensemble des solutions de l'inéquation logarithmique $\ln(x^2) > 0$ est :

\mathbb{R}^+ $]1; +\infty)$
 $] - 1; +1[-\{0\}$ $(-\infty; -1[\cup]1; +\infty)$

70 Pour tout réel $x \in]0; 1[$, on a : $\ln(1 - \ln(x)) > 0$.

vrai faux

71 L'ensemble des solutions de l'inéquation logarithmique $\ln(x^2 - x) < \ln(x - 1)$ est :

$]1; +\infty)$ \mathbb{R} $[1; +\infty)$ \emptyset

72 L'ensemble des solutions de l'inéquation logarithmique $\ln(\ln(x)) > 0$ est :

$]0; +\infty)$ $]1; +\infty)$ $]1; e[$ $]e; +\infty)$

73 Pour tout réel $x > 0$, on a : $\ln(x) < \sqrt{x}$.

vrai faux

74 La fonction $f : x \mapsto \ln(1 - x^2)$ est définie sur

$]0; +\infty)$ $] - 1; +1[$ $(-\infty; -1[\cup]1; +\infty)$

75 La fonction $f : x \mapsto \ln(1 - \ln(x))$ est définie sur :

$]0; +1[$ $]1; +\infty)$ $]0; e[$ $]e; +\infty)$

76 La fonction $f : x \mapsto \ln(\ln(x))$ est définie sur :

$]0; +\infty)$ $]1; +\infty)$ $]e; +\infty)$

77 La fonction $f : x \mapsto \ln\frac{3-x}{3+x}$ est définie sur :

$] - 3; +3[$ $]3; +\infty)$
 $(-\infty; -3[$ $(-\infty; -3[\cup]3; +\infty)$

78 La fonction $f : x \mapsto \ln(\sin(x))$ est définie sur \mathbb{R} .

vrai faux

79 La fonction $f : x \mapsto \ln(e^{2x-1} - 2)$ est définie sur :

$] \frac{1}{2}; +\infty)$ $] \frac{3}{2}; +\infty)$ $] \frac{1+\ln(2)}{2}; +\infty)$

80 Soit la fonction $f : x \mapsto \sqrt{1 - 2x + x^2}$. Quel est l'ensemble de définition de la fonction $\ln \circ f$?

\mathbb{R} $]1; +\infty)$ $\mathbb{R} - \{1\}$ $]0; +\infty)$

81 Quelque soit le réel M , il existe $x \in]0; +\infty)$ tel que $\ln(x) > M$.

vrai faux

82 La limite

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(2x + 1)}{x}$$

est

$\frac{1}{2}$ 2 1 0

83 La limite en 0 de la fonction $f : x \mapsto x \cdot \ln \sqrt{x}$ est :

0 $\frac{1}{2}$ $-\infty$ $+\infty$

84 La limite en $+\infty$ de la fonction f définie par $f : x \mapsto x^3 - 3 \ln(x)$ est :

$-\infty$ $+\infty$ 0 1

85 La limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(1 + 2x)}{\sqrt{x}}$$

est

$+\infty$ 2 1 0

86 La limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x + \ln(x + 1) - \ln(x)$$

est :

$+\infty$ 1 $-\infty$ 0

87 La limite

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{1-x}$$

est :

- 0 -1 +∞ Non définie

88 La limite

$$\lim_{x \rightarrow e} \frac{\ln(x) - 1}{x - e}$$

est :

- 0 $\frac{1}{e}$ 1 e

89 La courbe représentative de la fonction $f : x \mapsto x + \frac{1+\ln(x)}{x}$ admet pour asymptote la droite d'équation :

- $y = x$ $y = 0$ $y = x + 1$ $x = 0$

90 La courbe représentative de la fonction $f : x \mapsto \ln(1 + e^{-x})$ admet pour asymptote au voisinage de $-\infty$ la droite d'équation :

- $y = x$ $y = 0$ $y = -x$ Aucune

91 Soit la fonction définie sur \mathbb{R} par

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(1+x^2)}{x} & \text{pour } x \neq 0 \\ 0 & \text{pour } x = 0 \end{cases}$$

La fonction f est continue en 0.

- vrai faux

92 Soit la fonction f définie sur $] -1; +1[$ par $f : x \mapsto \ln(1 - x^2)$. Pour tout $x \in] -1; +1[$, le nombre dérivé de f en x est égal à :

- $\frac{2x}{x^2 - 1}$ $\frac{2x}{1 - x^2}$ $\frac{-2x}{1 - x^2}$ $\frac{1}{1 - x^2}$

93 Soit la fonction définie sur \mathbb{R} par l'expression $f(x) = \ln(1 + e^{-x})$. Pour tout $x \in \mathbb{R}$, le nombre dérivé de f en x est égal à :

- $\frac{e^{-x}}{1 + e^{-x}}$ $\frac{-1}{1 + e^x}$ $\frac{-e^{-x}}{1 + e^{-x}}$ $\frac{1}{1 + e^{-x}}$

94 Soit la fonction f définie sur $]0; \pi[$ par $f(x) = \ln(\sin x)$. Pour tout $x \in]0; \pi[$, le nombre dérivé de f en x est égal à :

- $\frac{1}{\sin x}$ $\tan x$ $\frac{\cos x}{\sin x}$ $-\frac{\cos x}{\sin x}$

95 Soit la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par l'expression analytique $f(x) = e^{\ln(x)}$. Pour tout réel $x > 0$, $f'(x)$ est égal à :

- $\ln(x)$ $e^{\frac{1}{x}}$ 1 $e^{\ln(x)}$

96 La tangente au point d'abscisse e à la courbe représentative de la fonction logarithme népérien a pour équation

- $y = \frac{1}{e}x$ $y = \frac{1}{e} \cdot (x - e) + 1$ $y = \frac{1}{e} \cdot x + 1$

97 L'approximation affine pour x proche de 0 de la fonction $f : x \mapsto \ln(1 + x)$ est :

- $1 + x$ x $\frac{1}{2}x$

98 La fonction F définie sur $(-\infty; -1[$ par l'expression $F(x) = \ln(-1 - x)$ est une primitive sur cet intervalle de la fonction f définie par :

- $f(x) = -\frac{1}{1+x}$ $f(x) = \frac{1}{1+x}$ $f(x) = \frac{-1}{1-x}$

99 La fonction F définie sur $]0; +\infty[$ par l'expression $F(x) = x \cdot (\ln(x) - 1)$ est une primitive sur cet intervalle de la fonction f dont l'expression analytique est :

- $\ln x$ $\frac{1}{x}$ $\ln(x) - 2$

100 Soit la fonction f définie sur l'intervalle $I = (-\infty; \frac{3}{2}[$ par $f(x) = \frac{1}{2x-3}$. Une primitive F de f sur I est définie par :

- $\frac{1}{2} \cdot \ln\left(x - \frac{3}{2}\right)$ $\frac{1}{2} \cdot \ln(3 - 2x)$
 $-\frac{1}{2} \cdot \ln(3 - 2x)$

101 Soit la fonction $f : x \mapsto \frac{x}{1-x^2}$, définie sur $I =] -1; +1[$; une primitive F de f sur I est définie par

- $\ln(1 - x^2)$ $\ln(x^2 - 1)$
 $\frac{1}{2} \cdot \ln(x^2 - 1)$ $-\frac{1}{2} \cdot [\ln(1 - x) + \ln(x + 1)]$

102 Considérons la fonction f définie sur $I =]0; \frac{\pi}{2}[$ par $f(x) = \frac{\cos x}{\sin x}$. Une primitive de F de f sur I est alors définie par :

- $\ln(\sin(x))$ $-\ln(\sin x)$ $-\ln \frac{1}{\sin x}$

103 Considérons la fonction f définie sur $]1; +\infty)$ par $f(x) = \frac{1}{x \cdot \ln x}$. Une primitive F de f sur I est définie par :

$\ln|\ln(x)|$ $\ln(\ln(x))$ $\ln(x \cdot \ln(x))$

3 Le corrigé

1° b	2° a	3° b	4° b	5° d
6° a	7° b, d	8° a	9° a	10° b
11° a	12° a	13° c	14° b	15° b
16° a	17° c	18° a	19° c	20° a
21° d	22° c	23° a	24° b	25° b
26° c	27° c	28° a	29° c	30° c
31° a	32° d	33° a	34° b	35° a
36° b	37° a, c	38° a	39° c	40° c
41° a	42° c	43° a	44° a	45° c
46° b	47° a	48° a	49° b	50° a
51° c	52° c	53° a	54° a, b, d	55° d
56° a, c	57° a	58° b	59° a	60° a
61° c	62° b	63° b	64° a	65° a
66° a	67° b	68° a	69° d	70° a
71° d	72° d	73° a	74° b	75° c
76° b	77° a	78° b	79° c	80° c
81° a	82° b	83° a	84° b	85° d
86° a	87° b	88° b	89° a, d	90° c
91° a	92° a, c	93° b, c	94° c	95° c
96° a, b	97° b	98° b	99° a	100° b
101° d	102° a	103° a, b		